

WEBVTT

00:00:11.052 --> 00:00:11.772

안녕하세요?

00:00:11.894 --> 00:00:15.885

수포자를 위한 수학 기초특강  
저는 김미주입니다.

00:00:15.985 --> 00:00:20.324

13강에서는 이제 가우스 기호라는  
것을 살펴보도록 하겠습니다.

00:00:20.424 --> 00:00:23.515

제가 지난 강에 계속 절댓값  
이야기를 하면서 가우스, 가우스.

00:00:23.615 --> 00:00:24.774

그런 말을 했었는데

00:00:24.874 --> 00:00:28.900

가우스 기호가 도대체 뭐지, 라고  
아예 모르는 친구들도 있을 거예요.

00:00:29.000 --> 00:00:32.973

그래서 이번 강부터  
차근차근 정의부터 해가면서

00:00:33.073 --> 00:00:34.360

한번 보도록 하겠습니다.

00:00:34.460 --> 00:00:37.527

공식적으로 교육과정에  
포함되는 용어는 아닙니다.

00:00:37.627 --> 00:00:39.208

수능에 나오는 것도 아니고요.

00:00:39.308 --> 00:00:42.963

그런데 참고로 알아두시면  
각종 문제집이나

00:00:43.063 --> 00:00:45.332

그다음에 내신 시험에 좀  
나올 수도 있어요.

00:00:45.432 --> 00:00:48.666

그래서 좀 어려운 문제 내거나  
그럴 때 나올 수도 있기 때문에

00:00:48.766 --> 00:00:53.434

그때 당황하지 마시라고  
특별히 한 단계 up이죠?

00:00:53.534 --> 00:00:56.045

한 단계 up으로 이렇게  
구성을 해보았습니다.

00:00:56.145 --> 00:00:59.042

가우스 기호가 도대체 무슨 뜻일까.

00:00:59.142 --> 00:01:05.723  
가우스  $x$ 라는 것은 기호로 이렇게  
큰 대괄호로 나타내주게 되는데요.

00:01:05.823 --> 00:01:08.777  
 $x$ 를 넘지 않는 최대 정수이다.

00:01:08.877 --> 00:01:13.411  
 $x$ 보다 크지 않은  
최대 정수이다, 라는

00:01:13.511 --> 00:01:16.582  
이런 표현으로 많이  
나타내주게 됩니다.

00:01:16.682 --> 00:01:17.602  
크지 않다.

00:01:17.702 --> 00:01:20.506  
 $x$ 를 넘지 않는다, 라고 하는 것은

00:01:20.606 --> 00:01:23.722  
더 작거나 같다는 것을 의미하죠?

00:01:23.822 --> 00:01:26.731  
크지 않다, 라고 하는 것.

00:01:26.831 --> 00:01:34.111  
작거나 같은 것 중에서 최대로  
가장 큰 정수를 의미해요.

00:01:34.211 --> 00:01:38.403  
그렇다면 예를 들어서  
[2]를 구한다.

00:01:38.503 --> 00:01:43.036  
2보다 작거나 같은 것 중에서  
가장 큰 정수는 뭐죠?

00:01:43.136 --> 00:01:45.680  
바로 2가 될 수밖에 없겠죠?

00:01:45.780 --> 00:01:48.095  
작거나 같은 정수.

00:01:48.195 --> 00:01:52.037  
정수를 찾는 것이니까 그냥  
자기 자신으로 나오게 됩니다.

00:01:52.137 --> 00:01:55.773  
 $x$  자체가 정수였다면  
자기 자신이에요.

00:01:55.873 --> 00:02:00.097  
그 정수보다 작거나 같은 것  
중에서 가장 큰 정수는

00:02:00.197 --> 00:02:02.011  
그 자신이 될 테니까요.

00:02:02.111 --> 00:02:05.035

x가 그러면 정수가 아니면  
어떻게 될 것이냐,

00:02:05.135 --> 00:02:09.527

예를 들어서 가우스 기호에  
2.3을 넣어봤어요

00:02:09.627 --> 00:02:13.045

2.3보다 크지 않은 정수.

00:02:13.145 --> 00:02:19.100

그러니까 더 작거나 같은 쪽으로 가니까  
수직선상에서 왼쪽으로 갑니다.

00:02:19.200 --> 00:02:22.676

2.3에 서서 왼쪽을  
바라보는 거예요.

00:02:22.824 --> 00:02:26.959

거기에서 처음으로 만나는 정수가  
누구이냐, 라는 걸 생각해 보면

00:02:27.059 --> 00:02:28.978

바로 2로 나오게 되죠.

00:02:29.078 --> 00:02:32.679

정수가 아니라고 한다면 수직선보다  
자기보다 작은 방향.

00:02:32.779 --> 00:02:36.298

왼쪽 방향으로 가다가  
처음으로 만나는 정수.

00:02:36.398 --> 00:02:39.628

그것이 바로 가우스 값이  
된다고 할 수가 있어요.

00:02:39.728 --> 00:02:43.510

그래서 2.3의 가우스를  
썩우면 2가 나오게 되겠죠.

00:02:43.610 --> 00:02:46.856

만약에 -2.3이라면 어떨까요?

00:02:46.956 --> 00:02:53.100

-2.3에서 더 작은 쪽으로  
가다가 최초로 만나는 정수는

00:02:53.200 --> 00:02:58.378

-2.3은 -3과 -2  
이 사이에 있어요.

00:02:58.478 --> 00:03:04.604

더 작은 쪽으로 가야 하니까 처음으로  
만나는 정수는 바로 -3이 됩니다.

00:03:04.704 --> 00:03:10.900

이 가우스를 계속하다 보면 예를  
들어서 가우스 2가 2고요.

00:03:11.000 --> 00:03:14.786

그냥 이거보다 작거나 같은  
정수니까 2로 나오게 되고

00:03:14.886 --> 00:03:18.927

가우스 2.1도 2.1보다  
작거나 같은 정수 중에서

00:03:19.027 --> 00:03:21.222

최초로 나오는 거니까 2가 되고

00:03:21.322 --> 00:03:23.762

2.2일 때 2가 되고 쪽 가다가

00:03:23.862 --> 00:03:28.405

2.9일 때도 2.9보다  
작거나 같은 정수 중에서

00:03:28.505 --> 00:03:31.694

최초로 나오게 되는 정수를  
찾는다면 2가 되겠죠?

00:03:31.794 --> 00:03:36.043

애네들이 모두 2가 되고 만약에  
애가 3이 되었다고 한다면

00:03:36.143 --> 00:03:38.157

딱 정확하게 3이 될 거예요.

00:03:38.257 --> 00:03:42.994

이렇게 쪽 쓰이다 보니까 아, 뭔가  
소수 부분을 덜어낸 부분인가?

00:03:43.094 --> 00:03:47.769

이렇게 생각할 수 있을 텐데  
가우스 -2는 -2죠.

00:03:47.869 --> 00:03:54.173

그런데 -2.1이라고 한다면 여기서  
-2.1보다 크지 않은 것 중에서

00:03:54.273 --> 00:03:58.519

최초로 만나는 정수이기 때문에  
-3이 되어야 돼요.

00:03:58.619 --> 00:04:04.318

-2.1이라는 것은 -3과  
0.9를 더한 것이잖아요?

00:04:04.418 --> 00:04:08.182

여기 우리가 보통 어떤 수에서  
소수 부분이라고 이야기한다면

00:04:08.282 --> 00:04:09.600

0보다 크거나 같고

00:04:09.700 --> 00:04:13.071

1보다 작은 부분을 취해서  
이야기해주는 경우가 많이 있거든요.

00:04:13.171 --> 00:04:18.113

그래서 이렇게 0.9인 소수  
부분을 덜어내고 -3으로

00:04:18.213 --> 00:04:20.073  
버림했다고 생각을 해주면 돼요.

00:04:20.173 --> 00:04:24.345  
소수 부분을 버리고 -3으로  
더 작은 쪽으로 간다고 해서

00:04:24.445 --> 00:04:27.988  
-2.9까지도 -3이 나오게 되고

00:04:28.088 --> 00:04:31.594  
-3이면 -3이 되는 그런  
상황이 되는 것이죠.

00:04:31.694 --> 00:04:35.909  
그렇다면 우리가 애를 어떤  
식으로 써줄 수 있을 것이냐,

00:04:36.009 --> 00:04:37.861  
n이 정수라고 한다면

00:04:37.961 --> 00:04:44.389  
가우스 x의 값이 그냥 그  
자신으로 그대로 나온다고 했는데

00:04:44.489 --> 00:04:51.656  
만약에 가우스 x의 값이 1이면  
x는 어떤 수였을까, 라는 걸

00:04:51.756 --> 00:04:53.339  
한번 생각을 해볼게요.

00:04:53.439 --> 00:04:56.827  
가우스를 취했을 때  
1이 되도록 하는 수.

00:04:56.927 --> 00:04:58.626  
어떤 수가 가능할까요?

00:04:58.726 --> 00:05:03.224  
예를 들어서 생각해 보면 자기  
자신인 수, 1 가능하겠죠.

00:05:03.324 --> 00:05:06.943  
또 1이 나오도록 하는 수  
1.1 가능할 거예요.

00:05:07.043 --> 00:05:08.793  
1.2도 가능하겠죠?

00:05:08.893 --> 00:05:14.067  
1.3, 1.4 하다가 1.9 이런  
것도 모두 다 가우스를 씌워주면

00:05:14.167 --> 00:05:18.574  
1.9보다 작은 것 중에서 최초로  
만나는 거니까 1이 되겠죠.

00:05:18.674 --> 00:05:20.507  
1.99999.

00:05:20.607 --> 00:05:24.764  
이렇게 나오는 것도 가우스를 찍었을  
때 1이 나오게 될 거예요.

00:05:24.864 --> 00:05:27.999  
애보다 작은 것 중에서  
최초로 만나는 거니까.

00:05:28.099 --> 00:05:33.300  
그런데 2가 되는 순간 가우스  
값이 2로 나오게 됩니다.

00:05:33.400 --> 00:05:37.905  
그렇다고 한다면 예를 들어서  
나타낸 수들을 포괄적으로,

00:05:38.005 --> 00:05:41.311  
일반적으로 표현해줄 수  
있는 방법은 뭐가 될까요?

00:05:41.411 --> 00:05:46.262  
 $x$ 가 1보다 크거나 같으면서  
뭐보다 작으면 되죠?

00:05:46.362 --> 00:05:54.921  
2보다 작다고 한다면 가우스  $x$ 가 무조건  
전부 1이 된다고 할 수가 있고요.

00:05:55.021 --> 00:06:00.408  
가우스  $x$ 가 1이다, 라고 한다면  
그때 이걸 만족하는  $x$ 의 값은

00:06:00.508 --> 00:06:04.066  
1보다 크거나 같고 2보다  
작은 수로 나오게 됩니다.

00:06:04.166 --> 00:06:05.684  
즉 가우스  $x$ 가 1이다.

00:06:05.784 --> 00:06:10.946  
이거는  $x$ 가 1보다 크거나 같고  
2보다 작다는 것을 의미하게 돼요.

00:06:11.046 --> 00:06:12.876  
등호 방향 중요합니다.

00:06:12.976 --> 00:06:16.187  
어디에 등호가 붙든  
상관없는 거 아니에요.

00:06:16.287 --> 00:06:19.220  
절댓값은 우리가 0보다  
크다, 작다에서

00:06:19.320 --> 00:06:20.883  
크거나 같은 것, 작은 것.

00:06:20.983 --> 00:06:23.006

아무 데나 등호를 붙이더라도

00:06:23.106 --> 00:06:25.495

0은 마이너스 붙여도  
어차피 0이기 때문에

00:06:25.595 --> 00:06:27.979

아무 데나 붙여도 된다고  
이야기를 했지만

00:06:28.079 --> 00:06:31.405

이 가우스 같은 경우는  
 $x$ 가 2가 되는 순간

00:06:31.505 --> 00:06:33.753

가우스  $x$ 값은 2로 나오게 돼요.

00:06:33.853 --> 00:06:37.810

그렇기 때문에 왼쪽에 등호가  
붙고 오른쪽에 등호 없을 때

00:06:37.910 --> 00:06:39.477

가우스  $x$ 의 값이 1이다.

00:06:39.577 --> 00:06:44.247

가우스  $x$ 가 1이면  $x$ 가 1보다 크거나  
같고 2보다 작다, 라고 나오게 돼요.

00:06:44.347 --> 00:06:45.244

또 해볼까요?

00:06:45.344 --> 00:06:49.600

$x$ 가 만약에 0보다 크거나  
같고 1보다 작으면 어떨까요?

00:06:49.700 --> 00:06:54.734

이때는 가우스  $x$ 의 값이  
0.7일 때 더 작은 것 중에서

00:06:54.834 --> 00:06:56.575

최초로 정수 나오는 거 0.

00:06:56.675 --> 00:06:58.014

0.8일 때도 0.

00:06:58.114 --> 00:07:00.878

이런 식으로 되니까 모두  
값이 0 나오겠죠.

00:07:00.978 --> 00:07:03.005

수직선 생각해 보시면 돼요.

00:07:03.105 --> 00:07:05.139

0보다 크거나 같고  
1보다 작은 쪽.

00:07:05.239 --> 00:07:08.385

여기 아무 데나 서서 더  
작은 방향으로 가다가

00:07:08.485 --> 00:07:11.437

최초로 만나는 정수는  
0일 수밖에 없는 거죠.

00:07:11.537 --> 00:07:15.465  
여기에 있었다고 할지라도 작은  
쪽으로 가다가 최초로 만나는

00:07:15.565 --> 00:07:17.793  
그 최대의 정수는 0이 되겠죠.

00:07:17.893 --> 00:07:21.589  
모두 다 0보다 크거나 같고 1보다  
작으면 가우스  $x$ 가 0이 되고

00:07:21.689 --> 00:07:26.186  
마찬가지로 가우스  $x$ 가 0이 되도록  
하는 수는 그러면 뭐밖에 없냐,

00:07:26.286 --> 00:07:31.107  
0보다 크거나 같고 1보다 작다는  
것을 의미하게 되는 거예요.

00:07:31.207 --> 00:07:34.102  
그러면 여기서 조금  
더 작아져 볼까요?

00:07:34.202 --> 00:07:40.317  
 $x$ 가 0보다 작고 -1보다  
크거나 같다, 라고 한다면

00:07:40.417 --> 00:07:41.659  
이때는 어떻게 되죠?

00:07:41.759 --> 00:07:45.209  
수직선상에 표현을  
했을 때 0, -1.

00:07:45.309 --> 00:07:49.659  
이 사이에서 왼쪽으로 가다가  
처음으로 만나는 정수는

00:07:49.759 --> 00:07:51.262  
-1이 되겠죠?

00:07:51.362 --> 00:07:55.534  
마찬가지로 가우스  $x$ 가  
-1이다, 라고 했을 때

00:07:55.634 --> 00:08:01.011  
 $x$ 는 -1 이상 0 미만으로  
이렇게 나오게 됩니다.

00:08:01.111 --> 00:08:04.042  
지금까지 쓴 것을 한번  
일반화시켜볼게요.

00:08:04.142 --> 00:08:06.121  
우리가 어떤 이야기를  
해줄 수 있냐면,

00:08:06.221 --> 00:08:09.979

$x$ 가 어떤 정수  $n$ 에 대해서  
 $n$ 보다 크거나 같고

00:08:10.079 --> 00:08:13.081  
 $n+1$ 보다 작았다고 해볼게요.

00:08:13.181 --> 00:08:16.443  
수직선상에 어떤  
 $n$ 이라는 정수가 있는데

00:08:16.543 --> 00:08:18.279  
이거보다 같을 때.

00:08:18.379 --> 00:08:21.893  
이것과 같을 때 가우스  $x$ 의  
값은 당연히 이거 정수.

00:08:21.993 --> 00:08:24.468  
자기가 서 있는 자리의 그  
값을 이야기해주면 되니까

00:08:24.568 --> 00:08:25.764  
 $n$ 으로 나오게 되고요.

00:08:25.864 --> 00:08:28.990  
이거보다 조금 큰 곳에서  
작은 쪽으로 가다가

00:08:29.090 --> 00:08:31.152  
최초로 만나는 정수는  $n$ 일 거예요.

00:08:31.252 --> 00:08:33.361  
 $n+1$ 이 되기 직전까지.

00:08:33.461 --> 00:08:36.638  
이 사이에 있는 애들에  
대해서 작은 쪽으로 가다가

00:08:36.738 --> 00:08:39.446  
최초로 만나는 정수는  
 $n$ 일 수밖에 없죠?

00:08:39.546 --> 00:08:42.145  
가우스  $x$ 는  $n$ 으로 나오게 됩니다.

00:08:42.245 --> 00:08:46.179  
마찬가지로 가우스  $x$ 의  
값이  $n$ 이라고 한다면

00:08:46.279 --> 00:08:50.074  
 $x$ 의 범위는  $n$ 보다 크거나  
같고  $n+1$ 보다 작아져요.

00:08:50.174 --> 00:08:54.630  
이것만 기억해주면 가우스  
문제 다 풀 수 있습니다.

00:08:54.730 --> 00:08:56.054  
정리해볼게요.

00:08:56.154 --> 00:08:59.866

$n$ 이 정수일 때  $[x]$ 가  $n$ 이었다.

00:08:59.966 --> 00:09:01.728  
 $x$ 의 범위가 어떻게 된다고요?

00:09:01.828 --> 00:09:05.757  
 $x$ 는  $n$ 보다 크거나 같고  
 $n+1$ 보다 작다는 거예요.

00:09:05.857 --> 00:09:07.600  
 $n$  자체였을 수 있고요.

00:09:07.700 --> 00:09:12.240  
그다음에  $n+1$ 이 되는 순간 그  
값은  $n+1$ 이 되기 때문에

00:09:12.340 --> 00:09:16.174  
그  $n+1$ 이 되기 직전까지  
커질 수가 있는 것이죠.

00:09:16.274 --> 00:09:18.012  
그래서 그거보다는 작아지게 되고요.

00:09:18.112 --> 00:09:22.781  
 $x$ 가 또 거꾸로  $n$ 보다 크거나  
같고  $n+1$ 보다 작은 값이었다.

00:09:22.881 --> 00:09:26.675  
그때 무조건 가우스  $x$ 의  
값이  $n$ 으로 나오게 됩니다.

00:09:26.775 --> 00:09:30.823  
수직선상에서 생각해 보시면  
알 수가 있을 거예요.

00:09:30.923 --> 00:09:34.285  
그러면 이제 가우스  $x$ 의  
성질을 살펴보게 될 텐데요.

00:09:34.385 --> 00:09:38.038  
가장 중요한 성질이 가우스  
 $x$ 는 정수라는 것.

00:09:38.138 --> 00:09:43.097  
정말 어떻게 하든지 간에 정의  
자체가 정수일 수밖에 없었죠.

00:09:43.197 --> 00:09:45.817  
 $x$ 보다 크지 않은.

00:09:45.917 --> 00:09:49.218  
즉 작거나 같은 정수 중에서  
최대의 정수였어요.

00:09:49.318 --> 00:09:52.730  
그렇기 때문에 정의 자체가  
정수일 수밖에 없는 수입니다.

00:09:52.830 --> 00:09:56.191  
우리 절댓값은 항상 양수일  
수밖에 없는 그런 수였죠?

00:09:56.291 --> 00:10:01.579  
그것처럼 가우스는 정수가 될 수밖에  
없는 수다, 라는 것만 알고 계셔도

00:10:01.679 --> 00:10:04.139  
문제를 좀 쉽게 해결하실  
수 있을 거예요.

00:10:04.239 --> 00:10:07.651  
그다음에 여러 가지 성질들이  
나오는데 이게 좀 다소 어렵습니다.

00:10:07.751 --> 00:10:11.392  
그래서 예제부터 한번 풀어보고  
성질을 보도록 할게요.

00:10:11.492 --> 00:10:14.689  
예를 들어서  $[x]$ 가  
2였다고 해볼게요.

00:10:14.789 --> 00:10:18.407  
2라는 것은  $x$ 의 범위가  
어떻게 되는 거죠?

00:10:18.507 --> 00:10:23.408  
2보다 크거나 같고 3보다 작다는  
것을 의미한다고 했어요.

00:10:23.508 --> 00:10:27.585  
이렇게 되면 여기 구간에 속하는  
모든  $x$ 에 대해서는

00:10:27.685 --> 00:10:29.538  
모두  $[x]$ 의 값이 얼마?

00:10:29.638 --> 00:10:33.553  
여기에 서서 제일  
작아지는 방향으로 보다가

00:10:33.653 --> 00:10:35.668  
가장 큰 정수 나오게 되는 거 2.

00:10:35.768 --> 00:10:37.353  
여기에 있을 때도 2.

00:10:37.453 --> 00:10:40.824  
그러다가 3이 되는 순간 3으로  
넘어가게 된다는 거죠.

00:10:40.924 --> 00:10:43.356  
그래서 2보다 크거나  
같고 3보다 작아요.

00:10:43.456 --> 00:10:46.061  
그러면  $-x$ 를 취해서

00:10:46.161 --> 00:10:49.917  
그거에 가우스를 씌운 값이 될  
수 있는 수는 어떻게 될까.

00:10:50.017 --> 00:10:51.213  
여러 개가 있나 봐요.

00:10:51.313 --> 00:10:53.196  
그러니까 모든 수를  
구하라고 했겠죠?

00:10:53.296 --> 00:10:56.388  
문제를 이렇게 내놓고 하나밖에  
없는 경우도 있긴 하지만.

00:10:56.488 --> 00:11:02.544  
-x의 범위를 생각해 보면 -3보다  
크고 -2보다 작거나 같아요.

00:11:02.644 --> 00:11:08.686  
예를 들어서 -x가 될 수 있는  
수가 -2.7, -2.8.

00:11:08.786 --> 00:11:10.326  
그다음에 -2.

00:11:10.426 --> 00:11:12.115  
이런 것들 가능하다는 거거든요?

00:11:12.215 --> 00:11:16.567  
애네들의 경우에는 가우스 썬윳을  
때 값이 얼마가 나오죠?

00:11:16.667 --> 00:11:20.216  
여기 왼쪽 범위에 제한되는,

00:11:20.316 --> 00:11:23.373  
그거에 해당하게 되는  
-3이 나오게 되는데

00:11:23.473 --> 00:11:27.708  
-2일 때는 가우스 x의  
값이 정숫값 그대로 나오니까

00:11:27.808 --> 00:11:29.379  
-2가 됩니다.

00:11:29.479 --> 00:11:31.821  
이쪽에 등호가 있어요.

00:11:31.921 --> 00:11:35.594  
x가 n보다 크거나  
같고 n+1보다 작을 때

00:11:35.694 --> 00:11:38.941  
가우스 x의 값이 n이  
나온다고 했습니다.

00:11:39.041 --> 00:11:43.760  
그렇기 때문에 -3보다  
크고 -2보다 작을 때.

00:11:43.860 --> 00:11:48.381  
이거를 세분화해서 -3보다  
크고 -2보다 작을 때는

00:11:48.481 --> 00:11:52.295

가우스  $x$ 의 값이  $-3$ 으로  
나오게 되는 거예요.

00:11:52.395 --> 00:11:55.628

이 사이에 있는 값들,  
수직선에서 생각을 해보세요.

00:11:55.728 --> 00:11:58.109

$-3$ 과  $-2$  사이에 있다.

00:11:58.209 --> 00:12:02.331

여기에 있는 값 중에서 작아지는  
값 중에 최초로 나오는 정수는

00:12:02.431 --> 00:12:04.137

$-3$ 일 수밖에 없잖아요.

00:12:04.237 --> 00:12:11.524

그런데  $x$ 가  $-2$ 라고 한다면  
[ $x$ ]는  $-x$ 로 표현해봤으니까

00:12:11.624 --> 00:12:13.434

$-x$ 라고 다 써볼까요?

00:12:13.534 --> 00:12:19.105

그러면  $-2$ 의 가우스 값이 되니까  
이렇게  $-2$ 가 될 수 있는 것이죠.

00:12:19.205 --> 00:12:25.932

그래서 [ $-x$ ]의 값이 될 수 있는  
것은 나오는 값이  $-3$ 과  $-2$ .

00:12:26.032 --> 00:12:27.461

이렇게 두 가지가 됩니다.

00:12:27.561 --> 00:12:29.774

그러면  $2x$ 의 값이  
될 수 있는 것.

00:12:29.874 --> 00:12:32.591

역시  $2x$ 의 범위를  
생각을 해보면 되겠죠?

00:12:32.691 --> 00:12:37.218

$2x$ 는  $4$ 보다 크거나  
같고  $6$ 보다 작아요.

00:12:37.318 --> 00:12:40.567

그러면  $2x$ 에 가우스를  
씌운 거 될 수 있는 값

00:12:40.667 --> 00:12:42.889

이제 좀 쉽게 찾을  
수 있지 않겠어요?

00:12:42.989 --> 00:12:45.287

$4$ 부터  $5$  사이에서는  
 $4$ 가 될 거고요.

00:12:45.387 --> 00:12:48.503

5 이상 6 미만일  
때는 5가 되겠죠.

00:12:48.603 --> 00:12:49.508

4 또는 5.

00:12:49.608 --> 00:12:51.904

이렇게 두 가지 가능합니다.

00:12:52.004 --> 00:12:53.564

$x^2$ 이 될 수 있는 것.

00:12:53.664 --> 00:12:57.183

$x$ 를 제공해주면  $x$ 가 2하고 3  
사이였으니까

00:12:57.283 --> 00:12:59.734

4보다 크거나 같고  
9보다 작겠죠?

00:12:59.834 --> 00:13:04.952

그러면 4 이상 5 이하일 때는  
그 값이 4로 나오게 될 거고

00:13:05.052 --> 00:13:11.161

5 이상 6 미만이었을 때는  
5, 6, 7, 8까지 가능한 거죠.

00:13:11.261 --> 00:13:12.388

그래서 4, 5, 6, 7, 8.

00:13:12.488 --> 00:13:14.845

이렇게 다섯 가지의 값이  
나오게 되는 거예요.

00:13:14.945 --> 00:13:20.444

절댓값에서처럼 애가 이 가우스  
속에 들어가 있는 것이

00:13:20.544 --> 00:13:24.312

어떤 정수와 정수 사이에  
있는지를 파악해보시면 돼요.

00:13:24.412 --> 00:13:26.705

등호가 어디 쪽에  
있는지도 잘 보시고요.

00:13:26.805 --> 00:13:29.815

그래서 4보다 크거나 같고  
9보다 작았다고 한다면

00:13:29.915 --> 00:13:33.909

나올 수 있는 값들은  
4, 5, 6, 7, 8.

00:13:34.009 --> 00:13:36.234

4하고 5 사이에서는  
4가 될 거고요.

00:13:36.334 --> 00:13:39.360

이 사이의 값에 대해서  
모두 다 4가 될 거고

00:13:39.460 --> 00:13:43.142  
5부터 6 사이의 값들에  
대해서는 모두 5가 될 거고

00:13:43.242 --> 00:13:46.415  
6부터 7까지 사이의 값에  
대해서는 모두 다 6.

00:13:46.515 --> 00:13:49.712  
그다음에 7부터 8 사이에서는 7.

00:13:49.812 --> 00:13:52.670  
그다음에 8부터 9 사이에서 8.

00:13:52.770 --> 00:13:56.496  
이렇게 4, 5, 6, 7, 8의  
값으로 나오게 된다는 것이죠.

00:13:56.596 --> 00:13:59.739  
그래서 나올 수 있는 수들을  
찾을 수 있습니다.

00:13:59.839 --> 00:14:03.870  
이게 좀 연습이 되셨으면 이제  
제가 좀 어려울 수 있다고 한

00:14:03.970 --> 00:14:05.985  
이 성질을 보도록 하겠습니다.

00:14:06.085 --> 00:14:10.893  
그러면 이 성질,  
주의사항 먼저 한번 볼게요.

00:14:10.993 --> 00:14:13.397  
이게 조금 더 여러분이 이해하기  
쉬울 수 있을 것 같아요.

00:14:13.497 --> 00:14:17.289  
 $x$ 가 만약에 정수가  
아니었다고 한다면

00:14:17.389 --> 00:14:21.383  
 $x$ 랑  $-x$ 의 가우스 값은  
다르게 나오게 돼요.

00:14:21.483 --> 00:14:24.321  
무슨 뜻이냐, 만약에 정수였으면

00:14:24.421 --> 00:14:30.551  
가우스의 값 3이랑 -3이라고 했을 때  
이거의 값은 3이 나오게 되고요.

00:14:30.651 --> 00:14:33.622  
이거는 -3이니깐 이것도  
당연히 다르죠.

00:14:33.722 --> 00:14:35.427  
 $x$ 가 정수일 때도 달라요.

00:14:35.527 --> 00:14:40.265  
그러니까 여기서 다르다는 것은  
이거 더한 것을 생각해봅시다.

00:14:40.365 --> 00:14:43.190  
제가 잠시 착각을 해서  
기호를 잘못 썼네요.

00:14:43.290 --> 00:14:46.305  
이게 0이 아니다, 라고 하는  
그 말을 하고 싶었어요.

00:14:46.405 --> 00:14:49.068  
그러면 만약에 정수였다,  
라고 한다면

00:14:49.168 --> 00:14:53.518  
가우스 3과 가우스 -3이랑 더해서

00:14:53.618 --> 00:14:58.131  
이때는  $3+(-3)$ 이니까  
0이 나오게 될 거예요.

00:14:58.231 --> 00:15:01.166  
그리고 이게 의미하는  
것은 결국에 이거죠?

00:15:01.266 --> 00:15:06.646  
3이랑 -3이랑 봤을 때 여기에  
마이너스를 씌워줄 수 있다는 것.

00:15:06.746 --> 00:15:09.767  
그러니까 가우스  $x$ 랑 이게  
0이 아니다, 라고 하는 것이

00:15:09.867 --> 00:15:13.719  
[ $x$ ]랑 [ $-x$ ].

00:15:13.819 --> 00:15:17.385  
그러니까 마이너스를 밖으로  
꺼내서 이렇게 썼을 때

00:15:17.485 --> 00:15:20.721  
두 개가 정수라고 한다면  
같을 수 있는데

00:15:20.821 --> 00:15:24.928  
정수가 아니라고 한다면 두 개를  
같다고 표현을 못 한다는 거예요.

00:15:25.028 --> 00:15:30.605  
예를 들어서 2.7이랑 그다음에  
[-2.7]을 비교를 해보면

00:15:30.705 --> 00:15:32.816  
2.7의 가우스를 씌운 건 2죠?

00:15:32.916 --> 00:15:34.515  
애는 -3이에요.

00:15:34.615 --> 00:15:38.447

그러니까 단순히 2에  
마이너스를 씌워준 것이

00:15:38.547 --> 00:15:40.396

-3이 되지 않는다는 거죠.

00:15:40.496 --> 00:15:43.928

여기다 마이너스만 씌운다고 해서  
두 개가 같아지지 않게 되고

00:15:44.028 --> 00:15:47.919

하나가 이렇게 차이가  
나버리게 되는 거예요.

00:15:48.019 --> 00:15:50.420

그다음에 이렇게  
마이너스를 씌운 것도

00:15:50.520 --> 00:15:52.983

밖으로 마이너스를  
꺼낼 수가 없었는데

00:15:53.083 --> 00:15:55.825

두 번째 거를 보니까  
말을 하고 있는 것이

00:15:55.925 --> 00:16:00.052

만약 어떤 실수에 대해서  
[ax]하고 a[x]를

00:16:00.152 --> 00:16:02.765

이렇게 곱해놓은 것을  
생각해보도록 할게요.

00:16:02.865 --> 00:16:07.706

두 개가 같은 경우도 있겠지만  
보통은 같지 않다는 거예요.

00:16:07.806 --> 00:16:10.585

왜냐하면 a가 만약에 정수가  
아니었다고 해볼게요.

00:16:10.685 --> 00:16:14.928

그러면 이 값이 아예 정수가 아닌  
값으로 나오게 될 수도 있어요.

00:16:15.028 --> 00:16:16.757

a가  $\sqrt{2}$  이런 거였다.

00:16:16.857 --> 00:16:19.195

그러면  $\sqrt{2}$ 에 3을 곱했어요.

00:16:19.295 --> 00:16:20.932

그런데 여기는 항상 정수잖아요?

00:16:21.032 --> 00:16:22.981

그러니까 값이 같을 수가 없겠죠?

00:16:23.081 --> 00:16:25.429

a가 혹시 정수였다고 하더라도

00:16:25.529 --> 00:16:30.225

예를 들어서  $a$ 가 2고  $x$ 가  
1.7이라고 해보겠습니다.

00:16:30.325 --> 00:16:35.286

그러면 이 값을 계산해준 것은  
[3.4]니까 3이 나오게 돼요.

00:16:35.386 --> 00:16:39.574

그런데  $2*[1.7]$ 을 한다.

00:16:39.674 --> 00:16:42.704

이거는 2 곱하기  
[1.7]의 값은 1이죠?

00:16:42.804 --> 00:16:44.373

곱해보면 2가 나오거든요.

00:16:44.473 --> 00:16:46.291

두 개가 같다고 할 수가 없어요.

00:16:46.391 --> 00:16:49.397

속에서 곱한 것이 밖으로  
튀어나오지 못합니다.

00:16:49.497 --> 00:16:52.251

그다음에  $x$ 에  $a$ 를 더했어요.

00:16:52.351 --> 00:16:55.027

그다음에 가우스  $x$ 에  
 $a$ 를 더했습니다.

00:16:55.127 --> 00:16:59.686

이거는 늘  $a$ 가 어떤 수든지  
간에 정수가 될 수밖에 없어요.

00:16:59.786 --> 00:17:04.979

그런데 이게 만약에  
 $a$ 가 정수가 아니면

00:17:05.951 --> 00:17:09.412

정수인 것과 정수가 아닌  
것을 더했기 때문에

00:17:09.512 --> 00:17:13.242

만드시 이것은 정수가  
아니게 됩니다.

00:17:13.342 --> 00:17:17.282

그렇게 된다면 두 개는  
절대로 같을 수가 없겠죠?

00:17:17.382 --> 00:17:20.682

정수가 아닌 것이 밖으로 나오는  
것은 절대 불가능합니다.

00:17:20.782 --> 00:17:23.380

그러면 정수는 밖으로  
나올 수가 있을까요?

00:17:23.480 --> 00:17:25.716

여기 성질 중에서  
세 번째 거를 보시면

00:17:25.816 --> 00:17:28.331  
정수는 밖으로 나올 수가 있어요.

00:17:28.431 --> 00:17:32.820  
절댓값  $x$ 에  $\pm n$ 을 해주고  
가우스를 썬 것은

00:17:32.920 --> 00:17:38.620  
 $x$  가우스에  $\pm n$ 을 해준  
것과 똑같아지게 돼요.

00:17:38.720 --> 00:17:42.088  
왜 그런지를 보면  $x$ 가  
만약에  $n$ 보다 크거나 같고

00:17:42.188 --> 00:17:44.468  
 $m+1$ 보다 작았다고 해볼게요,

00:17:44.568 --> 00:17:46.808  
어떤 정수  $m$ 에 대해서.

00:17:46.908 --> 00:17:51.782  
그러면  $x$ 에  $+n$ 을  
한 걸 먼저 생각했을 때

00:17:51.882 --> 00:17:56.920  
 $m+n$ 보다 크거나 같고  
 $m+n+1$ 보다 작아지게 됩니다.

00:17:57.020 --> 00:18:01.063  
이  $m+n$ 이라는 것을  
기점으로 해서 이 정수.

00:18:01.163 --> 00:18:02.232  
이게 정수잖아요.

00:18:02.332 --> 00:18:07.685  
이 정수보다 크거나 같고 이 정수에  
1을 더한 거보다 작아지게 돼요.

00:18:07.785 --> 00:18:10.688  
그렇다면 가우스  $x+n$ 의 값.

00:18:10.788 --> 00:18:15.529  
이거는  $m+n$ 이 나오게 되는데  
 $m$ 이 가우스  $x$ 였죠?

00:18:15.629 --> 00:18:18.397  
그래서 거기다  $m$ 을  
더한 것과 같습니다.

00:18:18.497 --> 00:18:20.518  
마이너스일 때도 마찬가지예요.

00:18:20.618 --> 00:18:23.862  
 $-n$ , 이렇게 해준  
거 생각을 해보면

00:18:23.962 --> 00:18:28.196  
이런 식으로 나오게 되는 것이니까  
정수를 더하고 뺀 것.

00:18:28.296 --> 00:18:30.307  
이거는 밖으로 나올 수 있지만

00:18:30.407 --> 00:18:33.828  
뭔가 정수를 안에다 곱한 것이  
밖으로 나온다는지

00:18:33.928 --> 00:18:36.467  
정수가 아닌 수를 더한  
것이 밖으로 나온다는지

00:18:36.567 --> 00:18:38.440  
그런 거는 불가능합니다.

00:18:38.540 --> 00:18:40.178  
이제 이거 생각해볼까요?

00:18:40.278 --> 00:18:44.174  
가우스  $x$ 하고 가우스  
 $-x$ 하고 더했습니다.

00:18:44.274 --> 00:18:49.102  
아까  $x$ 가 만약에 정수이면  
0이 나올 수 있다고 했죠.

00:18:49.202 --> 00:18:50.710  
정수가 아니면 어떨까요?

00:18:50.810 --> 00:18:52.746  
0이 못 나온다는 거예요.

00:18:52.846 --> 00:18:54.965  
그러니까 마이너스를 붙인 것.

00:18:55.065 --> 00:18:57.343  
그것이 같지 않다고 했습니다.

00:18:57.443 --> 00:18:59.317  
그러면 일반적으로  
어떻게 될 것이냐,

00:18:59.417 --> 00:19:03.183  
 $x$ 가  $n$ 보다 크거나 같고  
 $n+1$ 보다 작을 때

00:19:03.283 --> 00:19:05.902  
이거를 정수인 것과  
정수가 아닌 것으로

00:19:06.002 --> 00:19:08.135  
나누어서 생각을 해보기 위해서

00:19:11.384 --> 00:19:16.178  
이거를 또 부분적으로  
나누어서  $x$ 가  $n$ 일 때와

00:19:16.278 --> 00:19:23.465  
x가 n보다 크고 n+1보다 작을 때로 나누어서 생각을 해보면

00:19:23.565 --> 00:19:27.207  
x가 n일 때 -x는 -n이죠.

00:19:27.307 --> 00:19:35.689  
그러면 [x]랑 [-x]를 더한 것은 애랑 애를 더한 것이기 때문에

00:19:35.789 --> 00:19:39.170  
각각이 정수니까 원래 값 그대로 나오게 되면서

00:19:39.270 --> 00:19:41.007  
0이 된다고 할 수가 있어요.

00:19:41.107 --> 00:19:48.361  
그런데 이 경우에는 -x의 범위가 -n-1부터 -n으로 바뀌게 되거든요?

00:19:48.461 --> 00:19:51.048  
그러면 [x]의 값은 n이지만

00:19:51.148 --> 00:19:55.984  
[-x]의 값은 여기에 왼쪽 범위에 해당하게 되는

00:19:56.084 --> 00:19:59.214  
애가 -n-1부터 -n까지니까

00:19:59.314 --> 00:20:03.636  
여기서 왼쪽 가다가 처음으로 만나는 정수는 -n-1이잖아요.

00:20:03.736 --> 00:20:06.131  
그래서 -n-1이 나오게 됩니다.

00:20:06.231 --> 00:20:09.409  
그러면 둘을 더했을 때는 무엇이 되느냐,

00:20:09.509 --> 00:20:14.253  
n과 -n-1을 더해서 -1로 나오게 되는 거죠.

00:20:14.353 --> 00:20:16.861  
즉 x가 정수일 때는 0.

00:20:16.961 --> 00:20:20.506  
정수가 아닐 때는 늘 상수로써 -1이 나오게 돼요.

00:20:20.606 --> 00:20:26.499  
그래서 정리를 해보면 x가 정수이면 0이 될 수 있겠지만

00:20:26.599 --> 00:20:34.843  
정수가 아니면 두 개가 서로 부호만 다른 것이 아니고

00:20:34.943 --> 00:20:38.495

더했을 때 -1이 나오는  
그런 수가 된다는 거예요.

00:20:38.595 --> 00:20:42.657

이런 부분 좀 헷갈리지만 어쨌든지  
간에 가장 기본이 되는 거.

00:20:42.757 --> 00:20:45.672

$x$ 가  $n$ 보다 크거나 같고  
 $n+1$ 보다 작을 때

00:20:45.772 --> 00:20:49.308

$[x]$ 의 값이 바로  
 $n$ 이 된다는 것입니다.

00:20:49.408 --> 00:20:52.313

그러면 이제 가우스  
기호를 포함한 방정식을

00:20:52.413 --> 00:20:55.073

어떻게 풀 수 있을지  
생각을 해볼게요.

00:20:55.173 --> 00:20:58.377

이 가우스 기호를  
포함한 방정식의 해는

00:20:58.477 --> 00:21:00.758

딱 하나의 값으로  
나오는 것이 아니라

00:21:00.858 --> 00:21:03.748

$x$ 의 범위로 나오는  
경우가 많이 있어요.

00:21:03.848 --> 00:21:07.825

예를 들어서  $[x]$ 가 3이 된다는  
방정식을 풀었다고 해봅시다.

00:21:07.925 --> 00:21:09.515

$x$ 의 범위가 어떻게 되죠?

00:21:09.615 --> 00:21:12.728

3보다 크거나 같고 4보다 작다고

00:21:12.828 --> 00:21:16.067

여기에 속하는 모든 실수가  
나오게 될 수 있어요.

00:21:16.167 --> 00:21:19.499

이렇게 해가 어떤  $x$ 의  
범위로 나오게 된다는 것.

00:21:19.599 --> 00:21:22.891

방정식의 해지만 유일하게  
될가 3이다, 4다.

00:21:22.991 --> 00:21:24.746

또는 3 또는 -3이다.

00:21:24.846 --> 00:21:26.649  
이런 식으로 나오는 것이 아니라

00:21:26.749 --> 00:21:29.586  
어떤 범위에 있는 모든 실수의 값이

00:21:29.686 --> 00:21:32.998  
이 가우스 기호를 포함한  
방정식의 해가 될 수 있어요.

00:21:33.098 --> 00:21:36.553  
그리고 가우스 기호 안에  
그러면 역시 절댓값처럼

00:21:36.653 --> 00:21:40.090  
범위를 좀 나누어서  
문제를 풀게 될 텐데

00:21:40.190 --> 00:21:44.213  
절댓값 기호에서 했던 것처럼  
굳이 범위를 나누지 않아도 되는

00:21:44.313 --> 00:21:46.303  
비교적 간단한 형태도 있습니다.

00:21:46.403 --> 00:21:50.705  
방금 봤듯이 가우스  $x$ 가  
만약  $n$ 이 되었다고 한다면

00:21:50.805 --> 00:21:56.216  
바로  $x$ 가  $n$ 보다 크거나 같고  $n+1$ 보다  
작다고 써줄 수가 있을 거고요.

00:21:56.316 --> 00:22:00.415  
그래서  $[x]$ 가 3이라고 한다면  
 $x$ 는 3보다 크거나 같고

00:22:00.515 --> 00:22:03.559  
4보다 작다고 이런 식으로  
써줄 수가 있겠죠.

00:22:03.659 --> 00:22:07.674  
아니면  $[x]$ 를 통째로 치환할  
수 있는 경우도 있어요.

00:22:07.774 --> 00:22:10.323  
우리 절댓값도 치환해서  
푸는 거 있었던 것처럼

00:22:10.423 --> 00:22:12.601  
여기도 치환을 해보는 거예요.

00:22:12.701 --> 00:22:18.182  
 $[x]$ 를 통째로 제공했고 거기다 통째로  
 $-2$ 를 곱하고  $3$ 을 뺀기 때문에

00:22:18.282 --> 00:22:21.427  
이거를  $t$ 로 치환해서 써본다면

00:22:21.527 --> 00:22:24.199

t에 대한 2차 방정식이  
만들어지게 되고요.

00:22:24.299 --> 00:22:29.286  
그러면 이때 해를 구하니까 t가  
3이 되거나 -1이 되죠.

00:22:29.386 --> 00:22:33.439  
가우스 x는 정수라고  
했는데 지금 보니까

00:22:33.539 --> 00:22:36.419  
다행히도 정수의 값으로  
잘 나오고 있어요.

00:22:36.519 --> 00:22:41.433  
그러면 x가 3이 되는 것은 3  
이상이면서 4 미만이 된다.

00:22:41.533 --> 00:22:46.037  
또는 이렇게 범위가 나온다면  
-1보다 크거나 같고

00:22:46.137 --> 00:22:48.491  
0보다 작아지게 된다고 하는

00:22:48.591 --> 00:22:52.795  
이 구간들에 속하는 모든 실수가  
해가 나오게 될 수 있고

00:22:52.895 --> 00:22:56.587  
이 정도까지 여러분이 어느  
정도 이해를 해주셨다,

00:22:56.687 --> 00:22:58.511  
여기까지 하셔도 좋습니다.

00:22:58.611 --> 00:23:00.632  
그런데 조금 내가 더 가겠다.

00:23:00.732 --> 00:23:03.972  
좀 더 이렇게 하다 보니까 너무  
재밌어져서 욕심이 났어요.

00:23:04.072 --> 00:23:06.167  
그러면 이것도 생각해볼 수가 있는데

00:23:06.267 --> 00:23:08.921  
가우스 기호 안에 범위를  
나누어서 푸는 것.

00:23:09.021 --> 00:23:11.816  
이번에는 가우스 기호 안에  
어떤 식이 들어가 있다.

00:23:11.916 --> 00:23:14.303  
그 식의 범위를 어떻게  
나누게 되냐면,

00:23:14.403 --> 00:23:16.774  
n보다 크거나 같고

$n+1$ 보다 작다.

00:23:16.874 --> 00:23:18.630  
계속 이렇게 가는 거예요.

00:23:18.730 --> 00:23:22.103  
등호가 왼쪽에 붙어있다는  
거 조심하세요.

00:23:22.203 --> 00:23:26.087  
이때 가우스  $x$ 의 값,  
★의 값이  $n$ 이 돼서

00:23:26.187 --> 00:23:27.984  
기호를 없앨 수가 있다는 거예요.

00:23:28.084 --> 00:23:30.986  
식을 정리해서  $x$ 의  
값을 구해주고요.

00:23:31.086 --> 00:23:35.027  
절댓값 했을 때 했던 것처럼  
해당 범위에 속하는지

00:23:35.127 --> 00:23:37.710  
반드시 확인을 해주시면 됩니다.

00:23:37.810 --> 00:23:41.512  
이거는 절댓값 때도 해봤으니까  
이제 어느 정도 아시겠죠?

00:23:41.612 --> 00:23:43.443  
예를 들어서 풀어볼까요?

00:23:43.543 --> 00:23:44.449  
이런 방정식.

00:23:44.549 --> 00:23:48.182  
이거는  $[x]$ 에  
대한 방정식이네요?

00:23:48.282 --> 00:23:53.580  
 $[x]$ 를 좀 전에 했었던 것처럼  
 $t$ 로 치환을 해볼 수가 있겠어요.

00:23:53.680 --> 00:23:58.828  
치환을 해서 푸니까  $t-2$ 와  
 $t+1$ 로 인수분해가 되면서

00:23:58.928 --> 00:24:01.532  
 $t$ 가 2가 나오거나  $-1$ 이 나오죠?

00:24:01.632 --> 00:24:06.164  
 $[x]$ 가 2가 되거나  
 $-1$ 이 나옵니다.

00:24:06.264 --> 00:24:07.964  
이게 해 다 구한 건가요?

00:24:08.064 --> 00:24:08.716  
아니죠.

00:24:08.816 --> 00:24:13.908

[x]가 2가 되도록 하는  
것은  $x$ 가 2보다 크거나 같고

00:24:14.008 --> 00:24:15.776

3보다 작은 모든 실수.

00:24:15.876 --> 00:24:20.063

이렇게 나오는 것은  $x$ 가  
-1보다 크거나 같고

00:24:20.163 --> 00:24:23.777

0보다 작은 모든 실수가  
된다는 것을 의미하니까

00:24:23.877 --> 00:24:27.020

이렇게  $x$ 의 범위로 해를  
찾아줄 수가 있어요.

00:24:27.120 --> 00:24:31.958

이번에는 범위를 보니까  
여기는 가우스가 없어요.

00:24:32.058 --> 00:24:33.313

여기에만 있습니다.

00:24:33.413 --> 00:24:37.637

그렇다면  $x$ 의 범위를 나누어서  
우리가 문제를 풀어봐야 되는데

00:24:37.737 --> 00:24:41.819

밑도 끝도 없이 그냥  $n$ 부터  $n+1$ 까지로  
이렇게 나누기는 어렵잖아요.

00:24:41.919 --> 00:24:43.908

어느 정도 문제에서 친절한 문제들.

00:24:44.008 --> 00:24:45.468

이렇게 범위를 줍니다.

00:24:45.568 --> 00:24:49.845

$x$ 가 -2보다 크고 0보다 작은  
범위에서 풀어보자는 거예요.

00:24:49.945 --> 00:24:56.396

그러면 이 범위를 좀 세분화해서  
-2부터 일단 -1까지인 것과

00:24:56.496 --> 00:24:59.250

-1보다 크거나 같고  
0보다 작은 것.

00:24:59.350 --> 00:25:01.600

이렇게 두 가지로 나눠야겠죠.

00:25:01.700 --> 00:25:05.984

왜냐하면 1 간격으로 가우스의  
값이 달라지게 돼요.

00:25:06.084 --> 00:25:09.720

그래서 이렇게 두 가지로  
범위를 나눠주게 되고

00:25:09.820 --> 00:25:14.826

이때는 가우스  $x$ 의 값이  
-2가 나오게 되고

00:25:14.926 --> 00:25:18.849

이때는 가우스  $x$ 의 값이  
-1이 나오게 되는 거예요.

00:25:18.949 --> 00:25:22.638

그러면 이 값을 식에  
대입해주면 돼요.

00:25:22.738 --> 00:25:26.847

이 범위에서는 가우스  $x$ 의  
값이 무조건 뭐가 된다고요?

00:25:26.947 --> 00:25:29.505

그냥 -2라는 값이 되는 거예요.

00:25:29.605 --> 00:25:34.626

그렇기 때문에  
 $x^2 - 2 - (-2) - 7$ 은 0.

00:25:34.726 --> 00:25:36.413

이렇게 해놓고 푸시면 됩니다.

00:25:36.513 --> 00:25:40.304

그러면  $x^2 - 3$ 이  
0으로 나오게 되니까

00:25:40.404 --> 00:25:43.431

$x$ 가  $\sqrt{3}$ 이거나  
 $-\sqrt{3}$ 이죠?

00:25:43.531 --> 00:25:45.489

그런데  $x$ 의 범위가 어땠었죠?

00:25:45.589 --> 00:25:52.125

가우스  $x$ 가 -2가 되기 위해서는  
 $x$ 가 -2부터 -1 사이여야 되는데

00:25:52.225 --> 00:25:53.830

이 중에서 그 사이에 있는 것.

00:25:53.930 --> 00:25:57.241

$-\sqrt{3}$ 이 범위를  
만족하고 있죠?

00:25:57.341 --> 00:26:01.979

그래서  $x$ 의 값은  $-\sqrt{3}$ 만  
가능하다고 선택을 해주면 되고요.

00:26:02.079 --> 00:26:08.147

이렇게 됐을 때는  $[x]$   
자리에 -1을 대입하게 돼요.

00:26:08.247 --> 00:26:14.724

그러면  $x^2 + 2 - 7$ 이 0인 거니까

$x^2$ 은 5로 나오게 되죠?

00:26:14.824 --> 00:26:18.276

$x$ 가  $\sqrt{5}$ 이거나  
 $-\sqrt{5}$ 인데

00:26:18.376 --> 00:26:22.359

이 중에서 -1과 0 사이  
만족하는 것은 없어요.

00:26:22.459 --> 00:26:25.195

애네들은 가우스 씨웠을  
때 이거는 2가 되고

00:26:25.295 --> 00:26:27.172

애는 -3이 되거든요?

00:26:27.272 --> 00:26:30.677

그러면  $[x]$ 가 -1이라는  
것과 맞지 않잖아요.

00:26:30.777 --> 00:26:33.210

그렇기 때문에 답이  
될 수가 없습니다.

00:26:33.310 --> 00:26:36.190

가능한 것은  $-\sqrt{3}$ 만  
되는 거예요.

00:26:36.290 --> 00:26:36.848

어때요?

00:26:36.948 --> 00:26:38.204

생각보다 간단하죠.

00:26:38.304 --> 00:26:42.126

그런데 범위를  $n$  이상,  
 $n+1$  미만이 되도록.

00:26:42.226 --> 00:26:44.537

여기는 애초에 이상이  
없었으니까 그냥 빼고

00:26:44.637 --> 00:26:49.202

어쨌든 이 구간에서 값이 -2가  
나오게 되는 것이기 때문에

00:26:49.302 --> 00:26:52.896

구간을 잘 설정해주고 오히려  
절댓값보다 쉬운 게

00:26:52.996 --> 00:26:56.674

절댓값은 플러스 붙여서 나오고  
마이너스 붙여서 나오고

00:26:56.774 --> 00:27:00.448

이런 것이 있었지만 이거 같은  
경우는 그냥 이 구간에서의 값이

00:27:00.548 --> 00:27:03.216

늘 -2로 일정해져 버리는 거예요.

00:27:03.316 --> 00:27:06.999

그래서 그 값을 대입해서 그냥 계산을 해주시면 됩니다.

00:27:07.099 --> 00:27:12.622

그래서 보니까 친구들이 우리가 유용하다는 걸 알면 좋겠어.

00:27:12.758 --> 00:27:14.671

절댓값이 탄식하고 있어요.

00:27:14.771 --> 00:27:19.747

그랬더니 제 생각에는 가우스 성질을 어느 정도 잘 알리지 않았나.

00:27:19.847 --> 00:27:21.859

절댓값은 0보다 크거나 같고

00:27:21.959 --> 00:27:25.586

결국에 절댓값 기호 속이 0보다 큰지 작은지에 따라서

00:27:25.686 --> 00:27:28.430

그 식을 바꿔주는 방법이 달라지게 된다.

00:27:28.530 --> 00:27:32.239

가우스는  $n$  이상,  $n+1$  미만일 때를 기준으로

00:27:32.339 --> 00:27:34.636

나누게 된다는 걸 아시면 되고요.

00:27:34.736 --> 00:27:38.383

그런데 또 사실 그래프를 보면 은근히 쉬워집니다.

00:27:38.483 --> 00:27:39.659

특히 절댓값이요.

00:27:39.759 --> 00:27:43.226

그렇기 때문에 우리 친구들이 그래프 공부할 때 다시 올 거예요.

00:27:43.326 --> 00:27:45.080

가우스는 오지 않을 것 같습니다.

00:27:45.180 --> 00:27:47.820

가우스까지는 그래프까지 그려야 될 만큼

00:27:47.920 --> 00:27:49.901

그렇게 복잡한 문제 점점 나오지 않습니다,

00:27:50.001 --> 00:27:51.589

수능에도 안 나오고 해서.

00:27:51.689 --> 00:27:55.302

그래서 우리 다시 오자라고 했지만,

이 안에 가우스는 안 오고

00:27:55.402 --> 00:27:58.105

절댓값 데리고 다시  
오도록 하겠습니다.

00:27:58.205 --> 00:28:01.724

그러면 개념 확인 문제  
간단하게 몇 개만 풀어볼게요.

00:28:01.824 --> 00:28:05.217

$x$ 가 0보다 크거나 같고  
3보다 작은 범위예요.

00:28:05.317 --> 00:28:09.660

그러면 이거를 가우스 들어갔으니까  
몇 개로 세분화해야죠?

00:28:09.760 --> 00:28:14.548

0 이상이고 1 미만일 때와  
1 이상이고 2 미만일 때

00:28:14.648 --> 00:28:16.190

2 이상 3 미만일 때.

00:28:16.290 --> 00:28:19.396

이렇게 세 가지로 세분화를  
시켜주는 거예요.

00:28:19.496 --> 00:28:22.239

그러면 이때 가우스  
 $x$ 의 값은 뭐라고요?

00:28:22.339 --> 00:28:27.661

무조건 0이 되고 이때는 반드시 1이  
되고 이때는 2가 된다는 거죠.

00:28:27.761 --> 00:28:30.680

그거를 그냥 대입해서 풀면 됩니다.

00:28:30.780 --> 00:28:36.111

그래서  $2x^2 - x$ 가 3 가우스  
 $x$ 에서 가우스  $x$ 가 0이니까 0.

00:28:36.211 --> 00:28:37.509

이렇게 나오게 되고요.

00:28:37.609 --> 00:28:42.432

이 방정식을 풀어보면  $x$ 가 0이  
되거나 2분의 1이 되는데

00:28:42.532 --> 00:28:45.282

둘 다 해당 범위에 들어가네요?

00:28:45.382 --> 00:28:47.320

0보다 크거나 같고 1보다 작아요.

00:28:47.420 --> 00:28:50.125

그래서 둘 다 우리가 해로  
인정해줄 수가 있고요.

00:28:50.225 --> 00:28:52.789  
이때는  $2x^2-x$ 가

00:28:52.889 --> 00:28:58.970  
 $3*[x]$ 의 값이 3으로 나오게 되는  
거죠,  $[x]$ 의 값이 1이니까.

00:28:59.070 --> 00:29:05.129  
그래서 이 방정식을 풀면 이게  
이렇게 인수분해가 되죠?

00:29:05.229 --> 00:29:10.089  
여기 마이너스를 붙여서  
 $(x+1)(2x-3)$  인수분해가 되니까

00:29:10.189 --> 00:29:15.355  
 $x$ 가 -1이 되거나 2분의 3인데  
1 이상 2 미만이라고 했어요.

00:29:15.455 --> 00:29:18.472  
해당하는 범위 2분의  
3 포함이 되고요.

00:29:18.572 --> 00:29:27.818  
마지막 이거 풀어보게 되면 여기서는  
 $2x^2-x$ 가 6으로 나오게 되죠?

00:29:27.918 --> 00:29:31.838  
 $2x^2-x-6$ 이 0이다,  
라고 나오게 되네요.

00:29:31.938 --> 00:29:37.787  
그러면 인수분해 여기다  
마이너스 붙여서 해주게 되면

00:29:37.887 --> 00:29:42.036  
 $x$ 의 값이 2가 되거나  
-2분의 3이 되거나.

00:29:42.136 --> 00:29:45.833  
설정했던 범위가 2 이상,  
3 미만이었습니다.

00:29:45.933 --> 00:29:47.344  
가능한 것은 2가 되죠.

00:29:47.444 --> 00:29:49.236  
근이 꽤 많이 나왔어요.

00:29:49.336 --> 00:29:52.775  
0과 2분의 1과  
2분의 3과 2가 나왔습니다.

00:29:52.875 --> 00:29:57.476  
모든 근의 합을 구한다면 다  
더한 것이 4로 나오게 되죠?

00:29:57.576 --> 00:29:59.703  
그래서 이렇게 답을  
찾아줄 수 있어요.

00:29:59.803 --> 00:30:03.744

구간 나누는 게 귀찮다고  
생각하지 마시고

00:30:03.844 --> 00:30:05.876

1 간격으로 잘 나눠주시면 돼요.

00:30:05.976 --> 00:30:08.518

0과 1 사이, 1과 2  
사이, 2와 3 사이.

00:30:08.618 --> 00:30:10.856

그 각각에 해당하는  
가우스 값을 구해서

00:30:10.956 --> 00:30:14.583

해를 구한 다음에 범위에  
맞는지 확인을 해서

00:30:14.683 --> 00:30:16.428

해를 선택해주면 됩니다.

00:30:16.528 --> 00:30:20.654

가우스랑 절댓값이 같이 나왔어요.

00:30:20.754 --> 00:30:23.197

절댓값은 0 기준으로 나눠고요.

00:30:23.297 --> 00:30:25.743

가우스는 정수 단위로 나눕니다.

00:30:25.843 --> 00:30:36.561

그렇기 때문에  $x$ 의 범위를 -2와 -1,  
-1과 0, 0과 1 사이로 나누게 된다면

00:30:36.661 --> 00:30:40.461

여기를 기점으로 해서  
절댓값은 갈라지게 되고

00:30:40.561 --> 00:30:44.425

가우스는 각각 여기에  
따라서 달라지게 돼요.

00:30:44.525 --> 00:30:48.818

각각의 범위에서 가우스  $x$ 랑  
절댓값  $x$ 가 어떻게 되는지를

00:30:48.918 --> 00:30:50.239

한번 적어볼까요?

00:30:50.339 --> 00:30:55.571

-2부터 -1 사이에서  
[ $x$ ]는 -2가 되죠.

00:30:55.671 --> 00:30:58.060

$|x|$ 는 뭐가 돼요?

00:30:58.160 --> 00:30:59.058

음수예요.

00:30:59.158 --> 00:31:00.948

0보다 작은 상황입니다.

00:31:01.048 --> 00:31:03.390

그렇기 때문에 마이너스를 붙여 나온다.

00:31:03.490 --> 00:31:08.369

이렇게 기호를 빼주고 각각의 범위에서 식을 정리해주는 거예요.

00:31:08.469 --> 00:31:10.615

이때는 가우스  $x$ 의 값은 뭐가 되죠?

00:31:10.715 --> 00:31:12.405

바로  $-1$ 이 되죠?

00:31:12.505 --> 00:31:13.542

절댓값  $x$ .

00:31:13.642 --> 00:31:17.247

역시 0보다 작으니까  $-x$ 로 나오지요.

00:31:17.347 --> 00:31:21.142

0보다 크고 1보다 작을 때는 가우스  $x$ 는 0이 되죠?

00:31:21.242 --> 00:31:23.226

이제 애는 어떻게 돼요?

00:31:23.326 --> 00:31:28.054

0보다 크거나 같은 상황이 되었으니까  $x$ 로 나오게 돼요.

00:31:28.154 --> 00:31:30.196

이렇게 세 범위 각각에서

00:31:30.296 --> 00:31:33.266

각각의 값이 어떻게 나올지를 알게 되었기 때문에

00:31:33.366 --> 00:31:36.515

이거에 맞춰서 식을 정리해주면 돼요.

00:31:36.615 --> 00:31:40.315

가우스  $x$  자리에  $-2$  대입해서 제공해주고요.

00:31:40.415 --> 00:31:45.743

빼기 2에  $-x$ 로 나오니까  $2x$ 가 되고요,  $+1$ 은 0 풀어주면

00:31:45.843 --> 00:31:48.102

$x$ 는  $-2$ 분의 5가 되는데

00:31:48.202 --> 00:31:51.290

이것이 설정했던 이 범위 속으로 들어가나요?

00:31:51.390 --> 00:31:54.807  
-2분의 5는 -2보다 크지 않죠.

00:31:54.907 --> 00:31:57.171  
그래서 답이 될 수가 없어요.

00:31:57.271 --> 00:32:00.612  
이거는 -2를 제공해주면 1 되죠?

00:32:00.712 --> 00:32:05.165  
마찬가지로  $x$ 에 마이너스 붙여서  
나오니까  $+2x$ 가 되고요, 0.

00:32:05.265 --> 00:32:09.397  
풀어주면  $x$ 는 -1이고 범위  
속으로 딱 들어가네요.

00:32:09.497 --> 00:32:11.955  
-1보다 크거나 같고  
0보다 작으니까

00:32:12.055 --> 00:32:16.752  
애는 0 빼기 이번에는  
 $2x$ 가 그냥  $2x$ 가 되죠.

00:32:16.852 --> 00:32:18.078  
더하기 1은 0.

00:32:18.178 --> 00:32:23.792  
 $x$  구해보면 2분의 1이 나오게  
되고 해당하는 범위에 들어갑니다,

00:32:23.892 --> 00:32:25.605  
0과 1 사이가 되니까요.

00:32:25.705 --> 00:32:28.763  
그래서 해를 구한다면  
-1과 2분의 1.

00:32:28.863 --> 00:32:31.216  
이렇게 두 가지가 잘  
나오게 되고요.

00:32:31.316 --> 00:32:31.984  
재미있죠?

00:32:32.084 --> 00:32:36.706  
가우스랑 절댓값이랑 섞여 있어도  
각 범위에서 각각의 기호를

00:32:36.806 --> 00:32:39.090  
어떻게 벗겨낼 수 있을지.

00:32:39.190 --> 00:32:41.279  
그 기호를 어떻게 없앨 수 있을지

00:32:41.379 --> 00:32:44.641  
결국은 각각에 해당하는 그  
범위에 따라서 달라지는 거

00:32:44.741 --> 00:32:48.331

했던 방식 그대로를 잘  
적용해주면 되는 거예요.

00:32:48.431 --> 00:32:49.894  
이제 연립부등식입니다.

00:32:49.994 --> 00:32:52.584  
가우스를 포함한 부등식이  
나오게 될 수도 있어요.

00:32:52.684 --> 00:32:57.831  
첫 번째 부등식 일단 간단한 2차  
부등식이니까 먼저 풀어보고 가면

00:32:57.931 --> 00:33:03.470  
 $(x-6)(x+4)$  곱해서  
0보다 작거나 같은 것이니까

00:33:03.570 --> 00:33:08.573  
둘의 사이 범위로 -4보다 크거나  
같고 6보다 작거나 같다고 나오죠?

00:33:08.673 --> 00:33:17.188  
두 번째 부등식은  $[x-1]$  이게 -1보다  
크거나 같고 6보다 작거나 같아요.

00:33:17.288 --> 00:33:22.649  
일단 정수를 속에서 더하고 뺀 것은  
밖으로 꺼내줄 수 있다고 했어요.

00:33:22.749 --> 00:33:25.553  
그래서 이렇게 밖으로  
꺼내서 정리를 해보면

00:33:25.653 --> 00:33:32.801  
 $[x]$ 가 0보다 크거나 같고 7보다  
작거나 같아진다고 나오게 되거든요?

00:33:32.901 --> 00:33:36.285  
가우스  $x$ 가 이 범위에  
있다는 게 무슨 뜻인가요?

00:33:36.385 --> 00:33:43.081  
 $[x]$ 가 취할 수 있는 값이 0, 1, 2...  
7까지가 나온다는 뜻이에요.

00:33:43.181 --> 00:33:44.925  
 $[x]$ 는 항상 무슨 수?

00:33:45.025 --> 00:33:47.099  
종류를 봤을 때 정수.

00:33:47.199 --> 00:33:51.343  
0 이상 7 이하의 정수는  
0부터 7이에요.

00:33:51.443 --> 00:33:54.037  
그런데 내가 구하려고 하는  
건 누구의 범위였어요?

00:33:54.137 --> 00:33:55.838

바로  $x$ 의 범위죠.

00:33:55.938 --> 00:33:59.865

[ $x$ ]가 0이 나오려면  $x$ 의  
범위는 어떻게 되나요?

00:33:59.965 --> 00:34:03.004  
0보다 크거나 같고 1보다 작아요.

00:34:03.104 --> 00:34:04.298  
그런데 1도 가능하죠.

00:34:04.398 --> 00:34:06.626  
그러면 1보다 크거나  
같고 2보다 작아요.

00:34:06.726 --> 00:34:08.642  
2보다 크거나 같고 3보다 작아요.

00:34:08.742 --> 00:34:13.690  
쭉 가다가 7보다 크거나 같고  
8보다 작아지는 것까지.

00:34:13.790 --> 00:34:18.406  
 $x$ 의 범위가 여기에 있다면 이  
정수들이 모두 다 나올 수 있겠죠.

00:34:18.506 --> 00:34:19.567  
조심해야 되는 거.

00:34:19.667 --> 00:34:25.004  
여기가 7로 막혀있었지만 [ $x$ ]가  
7이 되도록 하는 범위는

00:34:25.104 --> 00:34:29.742  
 $x$ 가 7보다 크거나 같고 8보다  
작은 것까지 가능하다는 거예요.

00:34:29.842 --> 00:34:30.931  
6이 뻤었던 것.

00:34:31.031 --> 00:34:33.961  
6보다 크거나 같고  
7보다 작다는 거 있고

00:34:34.061 --> 00:34:38.721  
쭉 연결되면서 결국  $x$ 가 0보다  
크거나 같고 8보다 작다는

00:34:38.821 --> 00:34:40.648  
여기 범위로 나오게 되는 거죠.

00:34:40.748 --> 00:34:47.945  
그래서 정수  $x$ 의 계수를 찾아본다면  
-4부터 6까지, 0부터 8까지.

00:34:48.045 --> 00:34:52.116  
그래서 겹치는 부분 0부터  
6까지로 나오게 되죠?

00:34:52.216 --> 00:34:54.844

여기는 등호 들어갔었고요.

00:34:54.944 --> 00:34:56.542

여기도 등호 들어가구요.

00:34:56.642 --> 00:35:00.427

그래서 여기에 속하는 모든 정수의 계수를 찾아주면 되니까

00:35:00.527 --> 00:35:02.778

7개 나오게 됩니다.

00:35:02.878 --> 00:35:06.540

이렇게 우리 13강의 내용을 봤는데 한 단계 up이었어요.

00:35:06.640 --> 00:35:08.531

사실은 두 단계 up입니다.

00:35:08.631 --> 00:35:11.620

절댓값은 그래도 수능 같은 데 많이 나오고 그러는데요.

00:35:11.720 --> 00:35:12.942

애는 혹시 모를 내신.

00:35:13.042 --> 00:35:17.317

그리고 여러분이 생소한 기호에도 익숙해지면 좋겠다는

00:35:17.417 --> 00:35:20.156

어떤 저의 욕심에서 같이 다루어보았구요.

00:35:20.256 --> 00:35:24.446

이제 다음 강부터는 우리가 도형으로 내용을 전환할 거예요.

00:35:24.546 --> 00:35:28.035

그런데 여러분, 중학교 도형 많이 잊어버리셨을 것 같아서

00:35:28.135 --> 00:35:32.838

다음 강에서 간단하게, 그렇지만 약간은 길게

00:35:32.938 --> 00:35:35.805

중학교 도형 내용을 좀 정리를 하고 본격적으로

00:35:35.905 --> 00:35:40.071

새로운 대단원으로 넘어가도록 하겠습니다.